## 實驗七 磁滯現象

#### 一、 目的:

量測鐵磁性物質的磁滯曲線。

### 二、 原理:

### (一)磁性物質:

存在自然界中,最簡單的磁性結構為磁偶極矩(magnetic dipole),其可以想像成一個被磁化成有 N 極和 S 極的長形物體,可藉由此兩極形成一個封閉的環場磁場,正如一個磁性體永遠存在成對的 N 極和 S 極,而至目前為止磁單極是不存在的。若這些磁偶極矩在外加磁場作用下產生磁場,則此材料帶有不同的磁性,因此可將物體區分成三類:順磁性(paramagnetism)、反磁性(diamagnetism)及鐵磁性(ferromagnetism)。

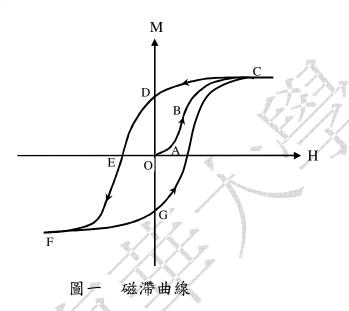
- 順磁性物質:出現於含有過渡元素、稀土元素和錒系元素的 材料中。當在外加磁場中,順磁性物質所產生的微弱磁化量 的方向與外加磁場方向相同。
- 反磁性物質:出現於一般材料中。當在外加磁場中,反磁性物質所產生微弱磁化量的方向與外加磁場方向相反。
- 3. 鐵磁性物質:是鐵、鈷、鎳及其合金。當在外加磁場中,鐵 磁性物質會產生極強之磁化量且方向與外加磁場方向一致。

#### (二)磁滯現象:

若將未帶磁性的鐵磁性物質(例如:鐵、銛、鎳及其合金)放 入通電的螺線管內,其所產生的磁場可以將此材料磁化,使之帶 有磁性,但外加磁場去除後,鐵磁性物質的磁性不會馬上消除, 仍保有磁性,此即為磁滯現象。

將鐵磁性物質存在於一外加磁場時,當外加磁場由零(A點)逐漸增大時,鐵磁性物質之感應磁場也隨之增大,而外加磁場增大到某一程度後,無論磁場再如何加大,鐵磁性物質之感應磁場也不再變化,此即達到飽和(C點)。此時,在逐漸減小外加磁場時,鐵磁性物質之感應磁場亦隨之緩慢減小,其路徑並不沿原磁化曲線(magnetization curve)CBA返回,而是沿著另一曲線CD變化,直到外加磁場降為零,而鐵磁性物質仍保有磁性,此點(D點)所具有的磁場稱為該磁性物質之殘磁量(residual induction;B<sub>r</sub>)。若欲使該磁性物質之感應磁場趨於零(E點)時,則需外加一反向磁場此作為去磁效果,此時,E點之反向磁場稱為物質之抗磁力

或矯頑磁力(coercivity),或稱之為抗磁場強度(coercive field intensity)。相同於正向磁場之效應,反向磁場大到某一程度後,鐵磁性物質磁化強度亦會達到飽和(F點),減小反向磁場至零點(G點),鐵磁性物質仍具磁性。再通以正向磁場,磁化曲線會沿著曲線 GC 到達 C 點而形成依各封閉曲線,此封閉曲線即為磁滯曲線,如圖一所示。



## (三)由細長磁棒所產生的磁場:

假設由鐵磁性物質所做成的細棒被磁化後,其磁化強度 (magnetization)為M。我們可以想像成磁性是由許多個小磁偶磁矩 $\mu$ 所組成的,若鐵磁性物質的體積為V,體積內的原子數目為N,因此磁化強度M 與磁偶磁矩 $\mu$ 之間的關係為 $M=N\mu/V$ 。

由一個磁偶磁矩µ所產生的磁場為

$$B = \frac{\mu_0}{4\pi} \frac{3\hat{r}(\hat{r} \cdot \mu) - \mu}{|r|^3} \tag{1}$$

其中, $\hat{r}$ 為由磁偶磁矩 $\mu$ 所在的位置指向測量點的單位向量;|r|為這兩點之間的距離。

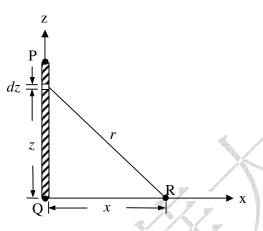
在圖二中,我們將磁棒 S 極置於原點,而 N 極置於 +2 軸上之 P 點,待測點則在  $+\hat{x}$  軸上之 R 點,在磁棒上 dz 長度內的磁偶磁矩數目為  $\frac{N}{V}Adz$ ,因此由這些磁偶磁矩所產生的磁場為

$$dB = \frac{N}{V} A dz \frac{3\hat{r}(\hat{r} \cdot \mu) - \mu}{r^3}$$

若考慮磁場 x 方向之分量,則

$$B_{x} = \int_{0}^{PQ} \frac{NA}{V} \frac{-3\mu xz dz}{(x^{2} + z^{2})^{\frac{5}{2}}}$$

$$= \frac{MA}{(QR)^{2}} \left[ 1 - (\frac{QR}{PR})^{3} \right]$$
(2)



圖二 由細磁棒所產生的磁場

## (四)實驗儀器校正分析:

本實驗是利用加入電流於一螺線管內,使其產生磁場(此為待測棒之外加磁場 $B_0$ ),使待測棒磁化,以便量測其磁化強度M。而外加磁場 $B_0$ 之強度為

$$B_0 = \mu_0 nI$$

其中, $\mu_0$ 為真空中的磁導率(permeability constant),其大小為 $4\pi \times 10^{-7}$  Tm/A;n 為螺線管之單位長度內的線圈匝數;I 為輸入電流大小。

待測物磁化強度的測量是藉由適當的擺設方向,用磁針的偏轉角來量測磁化強度與地球水平分量之比值而得的。首先,設定座標以桌面的東西向為 x 軸,南北向為 y 軸,待測物磁化後磁針偏轉角度為 Ø,則

$$\tan \phi = \frac{B_x}{B_E} \tag{3}$$

其中, $B_E$ 為地磁的水平分量,其大小約為 0.36 Gauss; $B_x$ 為待測物磁化後所產生的磁場。

將(3)式代入(2)式,可得磁化強度 M 為

$$M = \frac{B_E(QR)^2}{A\left[1 - \left(\frac{QR}{PR}\right)^3\right]} \tan \phi = a \tan \phi \tag{4}$$

其中,
$$a = \frac{B_E(QR)^2}{A\left[1 - \left(\frac{QR}{PR}\right)^3\right]}$$
為一常數。

因此,由tanø與I之關係圖可得到各種鐵磁性物質之磁滯曲線圖。

## 三、 儀器:

螺線管2個、交流電源供應器、直流電源供應器、磁力計、 換向器、連接線數條、待測軟鐵棒及鋼鐵棒。

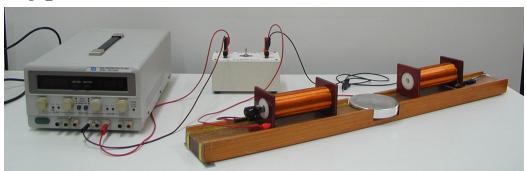
## 注意事項:

- 1. 實驗開始前,請先將待測鐵棒做去磁動作。
- 2. 花蓮地磁大小B<sub>E</sub>=3.6083×10<sup>-5</sup> tesla。
- 3. 螺線管線圈匝數:116/0.149 匝/m。

#### 四、 步驟:

(一)待測鐵棒去磁的方法:

- 1. 實驗裝置圖如三。
- 2. 將待測鐵棒放入螺線管內,並通以交流電,將電壓調高 2A 後再緩緩降至為零。
- 3. 將待測鐵棒拿出,改另一方向置入螺線管內,重複步驟1。
- 利用霍爾探針測試是否還有磁場存在,若仍有磁場,請重複步驟 1~2。



## 圖三 實驗裝置圖

### (二)測量磁滯曲線:

- 1. 旋轉羅盤刻度之位置,使其與磁力計底座垂直(磁力計上羅盤歸零 之動作)。
- 調整磁力計底座的方向,讓指南針垂直於底座的方向(以抵消地磁 垂直方向的磁力)。
- 3. 將兩個螺線管相對放置於磁力計底座之兩側。
- 4. 利用連接線,將兩個螺線管同方向串聯,並通以直流電源。由於 螺線管是相對的,所以產生的磁場方向是相反的。注意:兩個螺 線管之距離不可太近,以免偏轉角度過大而導致量測值不準確, 因此須調整兩螺線管之距離,使得當電流調至最大值時,其偏轉 角度在60°以內。
- 5. 調整其中一個螺線管的位置,使得指針可以再次歸零;亦即讓指 針所受兩個反向的磁場之大小恰好可以互相抵消。
- 6. 利用交流電源,將待測鐵棒去磁。 >
- 将直流電源歸零,再將待測鐵棒插入螺線管內;使螺線管通以 0.1 安培之電流 I,等 30 秒至 1 分鐘後,紀錄其偏轉角度 φ。
- 8. 逐漸增加直流電源(磁化磁場)的電流大小I,每次增加 0.2 安培, 並依次記錄指針偏轉的角度φ,直到量測角度達到飽和值(此時電流約為2 安培)。
- 9. 再將電流遞減至零,記錄指針偏轉的角度↓。
- 10.利用換向器,改變螺線管電流方向(磁場方向),重複步驟 6~7。
- 11. 再切換一次換向器,重複步驟 6~7。
- 12.利用所得之數據繪出I與 $\tan \phi$ 之圖形及M與 $B_0$ 之圖形。

# 五、問題:

- 1. 請針對此實驗裝置試修正公式(2)。
- 在實驗中,若電流一下調整太大,對實驗結果有何影響?原因為何?
- 3. 在實驗中,當每增加 0.2 安培電流所停留的時間長短對實驗結果是 否有影響?會有何種現象產生?
- 4. 兩螺線管上所通的電流為何採用串聯方式,而不分別由兩個直流 電源供應器提供?

#### 六、討論: